

الارتباط والانحدار

- وحدة الارتباط و الانحدار: -

- الارتباط:

هو معنى في حالة وجود متغيرين أو بعدين و اللذين سنرمز لهما بالرموز x , y , حيث x تشير إلى متغير معين و y تشير إلى متغير آخر.

- أمثلة:

1- دراسة هل هنالك تأثير في علامة الطالب في الثانوية العامة على علامته في الجامعة.

X : متغير يشير إلى علامة

الطالب في الثانوية.

Y : متغير يشير إلى علامة

الطالب في الجامعة.

- البيانات في هذه الدراسة سوف تكون على شكل أزواج مرتبة.

- مثال : مدى تأثير الطول على الوزن و هل هنالك علاقة بينهما ؟

X : متغير يمثل الطول ويسمى المتغير المستقل.

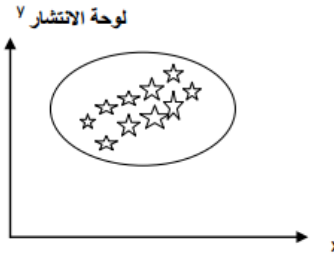
Y : متغير يمثل الوزن ويسمى المتغير التابع.

تكون البيانات على شكل أزواج مرتبة أي : $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$

حيث n هي عدد الأشخاص في العينة.

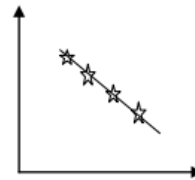
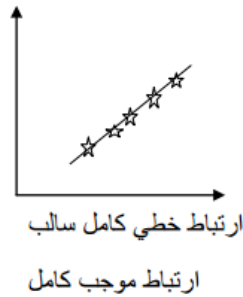
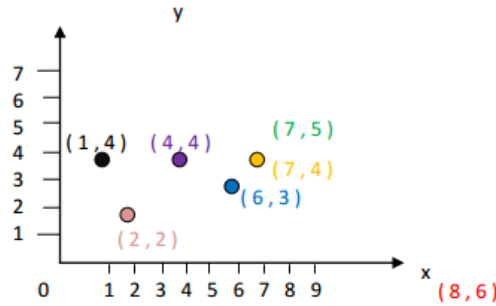


• لوحة الانتشار: -

هي عبارة عن خطين متعامدين محور x و محور y 

- مثال : ارسم لوحة الانتشار للبيانات:

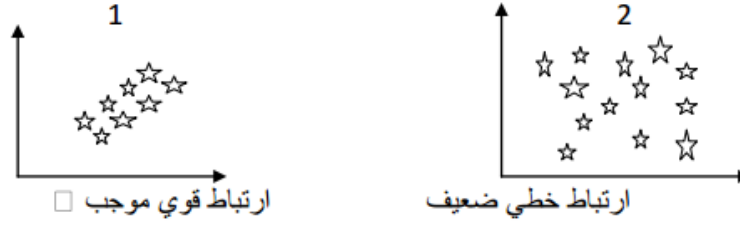
x	8	1	6	4	7	7	2
y	6	4	3	4	5	4	2



- حتى نجد أن هنالك ارتباط بين متغيرين مثل x , y , تستطيع معرفة ذلك من خلال حساب معاملات الارتباط والذين هما:

- 1- معامل ارتباط بيرسون.
- 2- معامل ارتباط بيرمان للترتيب.

e7sas



من خلال لوحتي الانتشار فأتنا نلاحظ ان الارتباط في اللوحة 1 اقوى من الانتشار في اللوحة 2 - حتى نجد أن هنالك ارتباط بين متغيرين مثل x , y تستطيع معرفة ذلك من خلال حساب معاملات الارتباط و اللذين هما:

- 1- معامل ارتباط بيرسون.
- 2- معامل ارتباط بيرمان للرتب.

1- معامل ارتباط بيرسون:

تعريف : هو معامل ارتباط بيرسون لـ n من الأزواج المرتبة $(x_1, x_2), \dots, (x_n, y_n)$ هو

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sqrt{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n \bar{x}^2} \sqrt{\sum_{i=1}^n y_i^2 - n \bar{y}^2}}$$

حيث أن:

- الوسط الحسابي للبيانات $x_1, x_2, \dots, x_n$.
- الوسط الحسابي للبيانات $y_1, y_2, \dots, y_n$.
- n : عدد الأزواج المرتبة.

- مثال : اوجد معامل ارتباط بيرسون بين المتغيرين x, y حيث تكون قيمهم كما في الجدول التالي:



x	y	$x \times y$	x^2	y^2
8	6	48	64	36
1	4	4	1	16
6	3	18	36	9
4	4	16	16	16
7	5	35	49	25
7	4	28	49	16
2	2	4	4	4
35	28	153	219	122

□ الأعمدة

أحنا نستنتجها.

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{35}{7} = 5$$

$$\bar{y} = \frac{\sum y}{n} = \frac{28}{7} = 4$$

$$r = \frac{153 - 7(5)(4)}{\sqrt{219 - 7(5)^2} \sqrt{122 - 7(4)^2}} = \frac{153 - 140}{\sqrt{44} \sqrt{10}} = \frac{13}{\sqrt{144} \sqrt{10}} = 0.62$$

وصف قوة الارتباط : قوي موجب (طردي)

2- معامل ارتباط سبيرمان للترتيب:

يعرف قانون معامل الارتباط للترتيب معامل سبيرمان كما يلي:

$$rs = 1 - \frac{6 \sum d^2 i}{n(n^2 - 1)}$$

- حيث أن:

n : عدد الأزواج المرتبة (x , y) .

d : الفرق بين رتب x و رتب y .

يستعمل هذا المعامل عندما تكون n عدد الأزواج المرتبة , بين 25 و 30 .

أن يحب المرء يعني أنه يتمتع، في حين أنه يتمتع إذا كان محبوباً

e7sas